
СИСТЕМНЫЙ АНАЛИЗ И МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

19. Nielsen, H. H. The vibration-rotation energies of molecules and their spectra in the infrared / H. H. Nielsen // Handbook der Physik. – 1957. – Vol. 37, № 1. – P. 173–313.
20. Yoshida, H. A New Approach to Vibrational Analysis of Large Molecules by Density Functional Theory: Wavenumber-Linear Scaling Method / H. Yoshida, K. Takeda, J. Okamura, A. Ehara, H. Matsuura // J. Phys. Chem. A. – 2002. – Vol. 106, № 14. – P. 3580–3586.

УДК 539.374

ВЛИЯНИЕ СЛУЧАЙНЫХ ВНЕШНИХ ВОЗДЕЙСТВИЙ НА ПРОЧНОСТЬ И УСТОЙЧИВОСТЬ ПОДЗЕМНЫХ ТРУБОПРОВОДОВ, НЕФТЯНЫХ СКВАЖИН И РЕЗЕРВУАРОВ СО ВЗРЫВООПАСНЫМИ ПРОДУКТАМИ

Н. Т. Курбанов, В. Г. Бабаджанова, Ш. А. Керимова

Настоящая работа посвящена применению статистических методов в расчетах на прочность и надежность твердых деформируемых систем, находящихся под действием случайных внешних воздействий, в основном применительно к машиностроительным конструкциям. К случайным воздействиям относятся нагрузки, обусловленные атмосферной турбулентностью и землетрясением, акустическое давление, нагрузки от морского волнения, силовые и температурные воздействия при проведении разнообразных технологических процессов и т. д.

Ключевые слова: сейсмодинамика, стохастически, корреляционный, неоднородный, случайная гауссовская функция, многообразие.

Key words: seism dynamics, stochastic, correlation, non-uniform, casual quasov's function, variety.

Необходимость более глубокого изучения явлений землетрясения, других природных катастроф и т.д. требует учета большого количества действующих факторов, новых связей и взаимодействий, сопровождающих каждое рассматриваемое явление, требует исследования новых задач в теоретическом и прикладном аспектах. Построение и последующее изучение математических моделей в сейсмодинамике требует, с одной стороны, глубоких знаний физической природы рассматриваемых процессов, а с другой – научно-обоснованного и умелого применения строгих математических методов, позволяющих проводить широкие теоретические исследования этих процессов. Одной из таких задач является изучение случайных волновых полей в случайно-неоднородных средах. Необходимость создания более надежных, чем существующие в настоящее время, методов расчета тел и конструкций с учетом их реальных свойств и реальных условий эксплуатации. Обычно применяемый детерминированный метод расчета является первым и во многих случаях недостаточным приближением. Недостатки детерминированного подхода в практике расчетов на прочность, например, покрываются назначением коэффициентов запаса, которые во многих случаях выбираются без достаточных обоснований и их значения не являются оптимальными. Это приводит либо к неиспользованным резервам прочности в реализуемых конструкциях, либо к преждевременному их разрушению. Поэтому возрастает значение научного прогноза и роль статистических методов исследования соответственно. Среди большого многообразия статистических задач механики твердых деформируемых тел важную роль играют, в частности, задачи о реакции механических систем на случайные внешние воздействия. Настоящая работа по-

ПРИКАСПИЙСКИЙ ЖУРНАЛ: управление и высокие технологии № 2 (6) 2009

священа применению статистических методов в расчетах на прочность и надежность твердых деформируемых систем, находящихся под действием случайных внешних воздействий, в основном применительно к машиностроительным конструкциям. К случайным воздействиям относятся нагрузки, обусловленные атмосферной турбулентностью, акустическое давление, нагрузки от морского волнения, силовые и температурные воздействия при проведении разнообразных технологических процессов и т.д.

При теоретических исследованиях случайные нагрузки будем разделять на три больших класса: а) статические; б) квазистатические; в) динамические. Под квазистатическими понимаются нагрузки, являющиеся функциями времени, не изменяющиеся на заметную величину за время, значительно превышающее периоды собственных колебаний рассматриваемого тела. В этом случае ускорениями точек тела можно пренебречь и рассматривать задачу в статической постановке, причем время в уравнения задачи входит как параметр. При динамических нагрузках необходимо учитывать силы инерции.

Можно предложить следующую классификацию нагрузок внутри каждого из указанных выше трех классов: однопараметрические, n -параметрические ($n = 2, 3, 4 \dots$), распределенные. Случайные статические однопараметрические нагрузки (сосредоточенная сила N , равномерно распределенное давление ρ и т.п.) задаются одним параметром, являющимся случайной величиной; n -параметрические – совокупностью в общем случае коррелированных, случайных величин; распределенные – случайными функциями пространственных координат и времени.

Исследование реакции деформируемых систем на случайные динамические нагрузки представляет большие трудности. Подавляющее большинство работ этого направления посвящено расчетам колебаний упругих балок и пластин при случайных нагрузках, задаваемых в виде случайных функций времени.

Задача построения вероятностных мер, соответствующих случайным волновым полям в неоднородных средах, представляет собой одну из наиболее важных проблем современной прикладной механики. Она возникает, в частности, при исследовании реальных физических полей, возникающих во время землетрясений, в теории распространения волн в турбулентных средах при решении задач теории случайных колебаний механических систем с распределенными параметрами и т.д. Исследование этих задач приводит к необходимости построения решения волнового уравнения, характеризуемого наличием случайных начальных условий, случайной правой части и случайных коэффициентов. Под решением волнового уравнения при заданной совокупности случайных функций будем понимать вероятностную меру случайного поля, удовлетворяющего волновому уравнению и присоединенным к нему начальным граничным условиям. В представленной работе рассматривается задача сейсмодинамики в более общей постановке, в которой случайная сейсмическая волна распространяется в стохастически неоднородной среде. Наличие стохастической неоднородности приводит к тому, что даже неслучайные (детерминированные) внешние и начальные возмущения порождают некоторое случайное волновое поле в неоднородной среде. Будем характеризовать свойства такой среды с помощью вероятностной меры, соответствующей фундаментальному решению задачи Коши для волнового уравнения со случайными коэффициентами.

Под фундаментальным решением задачи Коши для волнового уравнения будем понимать обобщенную случайную функцию $U(r, t)$, удовлетворяющую уравнению:

$$\frac{\partial^2 U(r, t)}{\partial t^2} - C^2(r) \Delta U(r, t) = 0, \quad r \in R, \quad (1)$$

с начальными условиями:

$$U(r, 0) = 0, \quad \left. \frac{\partial^2 U(r, t)}{\partial t^2} \right|_{t=0} = \delta(r), \quad (2)$$

где U – радиальное смещение частиц среды при землетрясении, $\delta(r)$ – импульсивная функция, характеризующая очаг землетрясения.

СИСТЕМНЫЙ АНАЛИЗ И МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

Предположим, что

$$C^2(r) = C_0^2 + \varepsilon C_1^2(r),$$

где ε – малый параметр; $C_1(r)$ – случайная неотрицательная функция с характеристическим функционалом $\phi(Z(r))$.

Интегро-дифференциальное уравнение, эквивалентное рассматриваемой задаче, имеет вид:

$$U(r,t) = i\delta(r) + C_0^2 \int_0^t (t-\delta) \Delta U(r,s) ds + \varepsilon C_1(r) \int_0^t (t-s) \Delta U(r,s) ds \quad (3)$$

Пусть $f_m(v_0(r,t), \dots, v_m(r,t))$ – последовательность характеристических функционалов, соответствующих набору случайных функций $\{U_0(r,t), \dots, U_m(r,t)\}$. Последовательность $f_m(v_0(r,t), \dots, v_m(r,t))$ характеризует собой приближение к характеристическому функционалу фундаментального решения задачи Коши для волнового уравнения (1) с начальными условиями (2). Обозначая

$$\Phi(r,t) = \frac{1}{(2\pi)^n} \int_R \exp\left(-ixp \frac{\sin C_0|x|t}{C_0|x|}\right) dx \quad (4)$$

в соответствии с этим находим нулевое приближение:

$$f_0(v_0(r,t)) = \exp\left(i \int_{RT} \int \Phi(\xi, \eta) v_0(\xi, \eta) d\xi d\eta\right) \quad (5)$$

Первое приближение для функционального характеристического решения задачи Коши получаем:

$$f_1(v_0(r,t), v_1(r,t)) = f_0(r,t) \phi_2(z) \quad (6)$$

где

$$Z = \int_0^x \phi_1(r,t) \Delta \Phi(r,t) dt; \quad \phi_1(r,t) = \int_0^x (z-t) Z_1(r,t) ds \quad (7)$$

Здесь $Z_1(r,t)$ – характеристический функционал случайной функции $C_1(r)$.

Рассмотрим задачу о нахождении первого приближения для характеристического функционала случайного волнового поля в стохастически неоднородной среде при наличии неслучайных, ненулевых внешних и начальных возмущений:

$$U(r,0) = b_0(r); \quad \frac{\partial U(r,t)}{\partial t} \Big|_{t=0} = b_1(r) \quad (8)$$

Тогда при нулевом приближении

$$f_0(v_0(r,t)) = \exp\left(-i \left(b_0(r), \frac{\partial \Phi_0(r,t)}{\partial t} \Big|_{t=0}\right) + i(b_1(r), \phi_0(r,0))\right) \quad (9)$$

Используя обозначение (6), получаем первое приближение для характеристического функционала случайного волнового поля, которое имеет следующий вид:

$$f_1(v_0(r,t), v_1(r,t)) = f_0(v_0(r,t)) \phi_2(z_1), \quad (10)$$

где

$$z_1 = \int_0^\infty \phi_1(r,t) \Delta \Phi_0(r,t) dt; \quad \Phi_0(r,t) = \int_{R^n} \frac{\partial \Phi(\eta, t)}{\partial t} b_0(r) d\eta + \int_{R^n} \Phi(\eta, t) b_1(r) d\eta, \quad (11)$$

т.е. выражается через значения характеристического функционала случайной неоднородности среды. Более сложной оказывается задача о нахождении первого приближения для характеристического функционала волнового поля в стохастически неоднородной среде при наличии случайных начальных и внешних возмущений. В качестве примера предположим, что начальные возмущения отсутствуют, а внешнее возмущение представляет собой случай-

ПРИКАСПИЙСКИЙ ЖУРНАЛ: управление и высокие технологии № 2 (6) 2009

ную гауссовскую функцию, независимую от $C_1(r)$, с нулевым математическим ожиданием и корреляционным оператором K . При введенных предположениях находим:

$$\varphi_0 = (Z_0(r), \dots, Z(r,t)) = e^{-\frac{1}{2}(KZ,Z)} \varphi_2(Z_2(r)), \quad (12)$$

или

$$f_0 = (v_0(r,t)) = e^{-\frac{1}{2}(Kv_1,v_1)}, \quad (13)$$

где

$$v_1(r,t) = \int_{R^n} \int_t^\infty \Phi(q-r, s-t) v_0(q,s) dq ds \quad (14)$$

Первое приближение будет иметь вид:

$$f_1(v_0(r,t), v_1(r,t)) = f_0(v_0(r,t)) N(r,t) \quad (15)$$

Функция $N(r,t)$ зависит от $\Phi(r,t)$, $v_1(r,t)$ сложным образом, и ее выражение из-за громоздкости здесь не приводится. Интегрирование в этих выражениях производится по обобщенным мерам.

Библиографический список

1. Гасанов, А. Б. Исследование реакции вязкоупругих систем на случайные воздействия / А. Б. Гасанов // Известия НА Азербайджанской Республики. – 2005. – № 1. – С. 112–117. – (Сер. физико-технических и математических наук).
2. Гасанов, А. Б. Исследование случайных волновых полей сейсмодинамики с применением вероятностных мер // А. Б. Гасанов, А. Б. Садыхов // Известия АН Азербайджанской Республики. – 2006. – Т. 23, № 2. – С. 52–55. – (Сер. физико-технических математических наук).
3. Гасанов, А. Б. Реакция механических систем на нестационарные внешние воздействия / А. Б. Гасанов. – Баку : Элм, 2004. – 247 с.
4. Курбанов, Н. Т. Кручение вязкоупругой цилиндрической оболочки / Н. Т. Курбанов // Материалы IV Республиканской конференции по математике и механике. – Баку, 1983.
5. Работников, Ю. Н. Элементы наследственной механики твердых тел / Ю. Н. Работников. – М. : Наука, 1977.

УДК 539.193/.194;535.33/.34

СТРУКТУРНО-ДИНАМИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ 1,4-ЦИКЛОГЕКСАДИЕНА И ЕГО КИСЛОРОДЗАМЕЩЕННЫХ АНАЛОГОВ

Л.М. Элькин, Е.А. Джалимухамбетова, И.И. Гордеев

Выполнен расчет параметров адабатического потенциала 1,4-циклогексадиена, 4Н-пирана и диоксина в ангармоническом приближении теории молекулярных колебаний. Построены структурно-динамические модели исследуемых соединений, выяснено влияние ангармонических резонансов на сдвиг полос фундаментальных колебаний.

Ключевые слова: 1,4-циклогексадиен, 4Н-пиран, диоксин, адабатический потенциал, молекулярное моделирование, неэмпирические методы, DFT, колебательный спектр, ИК-спектр.

Key words: 1,4-cyclohexadiene, 4H-pyran and dioxin, adiabatic potential, molecular modeling, ab initio methods, DFT, vibrational spectra, IR-spectra.